IES Vicente Aleixandre Nombre y Apellidos:

Grupo:

En todas las actividades propuestas deberás indicar los pasos realizados para su resolución de forma clara y ordenada.

1. Indica el dominio y la imagen de las siguientes funciones:

a)
$$f(x) = \sqrt{x-3}$$

b)
$$f(x) = \frac{70x+1}{x-1}$$

c)
$$f(x) = \sqrt{9 - x^2}$$

d)
$$f(x) = \frac{1}{x^2 - 25}$$

$$Dom(f)=[3,+\infty)$$

$$\operatorname{Im}(\mathbf{f}) = [0, +\infty)$$
 $\operatorname{Dom}(\mathbf{f}) = \mathbb{R} - [1]$
 $\operatorname{Im}(\mathbf{f}) = \mathbb{R} - [70]$

$$= \mathbb{R} - [1]$$

$$\operatorname{Dom}(f) = \mathbb{R} - \{-3, 3\}$$

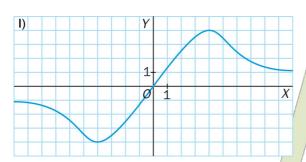
$$\operatorname{Im}(f) = [0, +\infty)$$

$$Dom(f) = \mathbb{R} - \{-5,5\}$$

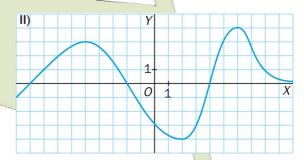
 $Im(f) = \mathbb{R} - \{0\}$

2. Observa las gráficas y estudia: dominio, recorrido, simetría, crecimiento, extremos, periodicidad, acotación.

a)



/b)



$$Dom(f)=\mathbb{R}$$

$$Im(f) = [-4,4]$$

Simétrica impar

Creciente: (-4,4)

Decreciente: $(-\infty, -4) \cup (4, +\infty)$

Máximo absoluto: (4,4)

Mínimo absoluto : (-4, -4)

No periódica

Acotada entre -4 y 4

 $Dom(f)=\mathbb{R}$

$$Im(f) = [-4,4]$$

No tiene simetria

Creciente: $(-\infty, -5) \cup (2,6)$

Decreciente: $(-5,2)\cup(6,+\infty)$

Máximo absoluto: (6,4)

Máximo relativo: (-5,3)

Mínimo absoluto: (2,-4)

No periódica

Acotada entre -4 y 4

3. Sean $f(x)=x^2-3$ y g(x)=2x-1, escribe la expresión algebraica de:

a)
$$(f \circ g)(x)$$

$$(f \circ g)(x) = (2x-1)^2 - 3 = 4x^2 - 4x - 2$$

c)
$$f^{-1}(x)$$

$$f^{-1}(x) = \sqrt{x+3}$$

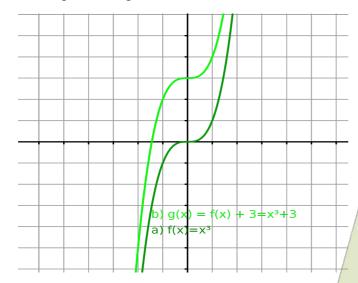
b)
$$(g \circ f)(x)$$

$$(g \circ f)(x) = 2(x^2 - 3) - 1 = 2x^2 - 7$$

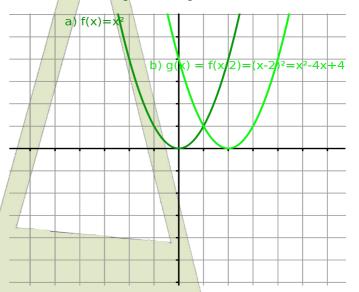
d)
$$g^{-1}(x)$$

$$g^{-1}(x) = \frac{x+1}{2}$$

- 4. Dada la función $f(x)=x^3$.
 - a) Represéntala gráficamente.
 - b) Representa en la misma gráfica la función desplazada 3 unidades hacia arriba. Escribe su expresión algebraica.



- 5. Dada la función $f(x)=x^2$.
 - a) Represéntala gráficamente.
 - b) Representa en la misma gráfica la función desplazada 2 unidades hacia la derecha. Escribe su expresión algebraica.

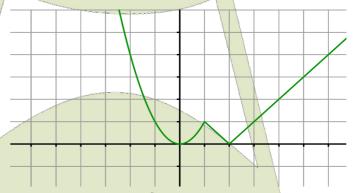


6. Representa la siguiente función definida a trozos. Indica su dominio y recorrido.

$$f(x) = \begin{cases} x^2; & x < 1 \\ |x - 2|; & x \ge 1 \end{cases}$$

$$Dom(f) = \mathbb{R}$$

$$Im(f) = [0, +\infty)$$



7. Dada la siguiente función, representa su función recíproca.

